



Karta przedmiotu

Nazwa i kod przedmiotu	Matematyka dyskretna, PG_00036609						
Kierunek studiów	Matematyka						
Data rozpoczęcia studiów	październik 2023 r.	Rok akademicki realizacji przedmiotu			2023/2024		
Poziom kształcenia	I stopnia - licencjackie	Grupa zajęć			Grupa zajęć obowiązkowych z zakresu kierunku studiów Grupa zajęć powiązanych z prowadzonymi badaniami naukowymi w dziedzinie nauki związanej z kierunkiem - profil ogólnoakademicki		
Forma studiów	stacjonarne	Sposób realizacji			na uczelni		
Rok studiów	1	Język wykładowy			polski		
Semestr studiów	2	Liczba punktów ECTS			6.0		
Profil kształcenia	ogólnoakademicki	Forma zaliczenia			egzamin		
Jednostka prowadząca	Wydział Fizyki Technicznej i Matematyki Stosowanej -> Katedra Rachunku Prawdopodobieństwa i Biomatematyki						
Imię i nazwisko wykładowcy (wykładowców)	Odpowiedzialny za przedmiot		dr inż. Magdalena Lemańska				
	Prowadzący zajęcia z przedmiotu		dr inż. Magdalena Lemańska				
Formy zajęć i metody nauczania	Forma zajęć	Wykład	Ćwiczenia	Laboratorium	Projekt	Seminarium	RAZEM
	Liczba godzin zajęć	30.0	30.0	0.0	0.0	0.0	60
	W tym liczba godzin zajęć na odległość: 0.0						
	Adresy na platformie eNauczanie: Matematyka Dyskretna 2024 - Moodle ID: 27966 https://enauczanie.pg.edu.pl/moodle/course/view.php?id=27966						
Aktywność studenta i liczba godzin pracy	Aktywność studenta	Udział w zajęciach dydaktycznych, objętych planem studiów		Udział w konsultacjach		Praca własna studenta	RAZEM
	Liczba godzin pracy studenta	60		5.0		85.0	150
Cel przedmiotu	Zapoznanie z metodami integrującymi różne działy matematyki.						

Efekty uczenia się przedmiotu	Efekt kierunkowy	Efekt z przedmiotu	Sposób weryfikacji i oceny efektu
	[K6_W04] zna podstawowe twierdzenia z poznanych działów matematyki	Student zna twierdzenie chińskie o resztach, podstawowe twierdzenia teorii grafów, twierdzenie o istnieniu rozwiązania dla pewnych równań rekurencyjnych.	[SW2] Ocena wiedzy zawartej w prezentacji
	[K6_U02] umie prowadzić łatwe i średnio trudne dowody metodą indukcji zupełnej; potrafi definiować funkcje i relacje rekurencyjne, umie stosować system logiki klasycznej do formalizacji teorii matematycznych	Umie przeprowadzić nietrudne dowody metodą indukcji, potrafi formułować i rozwiązywać proste równania rekurencyjne.	[SU4] Ocena umiejętności korzystania z metod i narzędzi
	[K6_U01] potrafi w sposób zrozumiały, w mowie i na piśmie, przedstawiać poprawne rozumowania matematyczne, formułować twierdzenia i definicje, posługuje się rachunkiem zdań i kwantyfikatorów; potrafi poprawnie używać kwantyfikatorów także w języku potocznym	Student potrafi formułować twierdzenia i rozumie je.	[SU2] Ocena umiejętności analizy informacji
	[K6_U10] umie ułożyć i analizować algorytm zgodny ze specyfikacją i zapisać go w wybranym języku programowania, potrafi skompilować, uruchomić i testować napisany samodzielnie program komputerowy, umie wykorzystywać programy komputerowe w zakresie analizy danych, umie modelować i rozwiązywać problemy dyskretne	Umie modelować i rozwiązywać problemy dyskretne.	[SU2] Ocena umiejętności analizy informacji
	[K6_W06] zna wybrane pojęcia i metody logiki matematycznej, teorii mnogości i matematyki dyskretnej zawarte w podstawach innych dyscyplin matematyki	Student zna wybrane pojęcia i metody logiki matematycznej, teorii mnogości i matematyki dyskretnej zawarte w podstawach innych dyscyplin matematycznych.	[SW2] Ocena wiedzy zawartej w prezentacji

Treści przedmiotu	<ul style="list-style-type: none"> • Elementy kombinatoryki: <ul style="list-style-type: none"> a) zasada szufladkowa Dirichleta, zasada włączania i wyłączania – 2 godziny • Rekurencje: <ul style="list-style-type: none"> a) ciąg Fibonacciego, wieże Hanoi, układanie prostych równań rekurencyjnych - 2 godziny b) równania rekurencyjne, metoda przewidywań – równania drugiego i wyższych rzędów - 4 godziny c) równania rekurencyjne, metoda funkcji tworzącej – 2 godziny • Teoria liczb: <ul style="list-style-type: none"> a) dzielenie całkowitoliczbowe, podzielność liczb, relacja kongruencji, klasy abstrakcji, pierścień Z_m, największy wspólny dzielnik – 2 godziny b) algorytm Euklidesa, rozszerzony algorytm Euklidesa, liczby pierwsze i względnie pierwsze, elementy odwracalne - 2 godziny c) rozwiązywanie równań z kongruencją, twierdzenie chińskie o resztach, funkcja Eulera, <ul style="list-style-type: none"> - 2 godziny d) szyfry RSA – 2 godziny • Grafy <ul style="list-style-type: none"> 1. <ul style="list-style-type: none"> 1. podstawowe definicje, rodzaje grafów, dopełnienie grafu, izomorfizm grafów - 1 godzina 1. <ul style="list-style-type: none"> 1. grafy eulerowskie i hamiltonowskie, twierdzenie Eulera, twierdzenie Ore, znajdowanie najdłuższej i najkrótszej ścieżki, problem chińskiego listonosza, - 2 godziny 2. drzewa - 3 godziny 3. różne wersje twierdzenia Halla – 2 godziny 4. grafy planarne- 2 godziny 5. kolorowanie wierzchołków i krawędzi grafów- 2 godziny 											
Wymagania wstępne i dodatkowe												
Sposoby i kryteria oceniania osiągniętych efektów uczenia się	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th style="width: 33%;">Sposób oceniania (składowe)</th> <th style="width: 33%;">Próg zaliczeniowy</th> <th style="width: 33%;">Składowa oceny końcowej</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>Kolokwia</td> <td>50.0%</td> <td>60.0%</td> </tr> <tr> <td>Egzamin</td> <td>50.0%</td> <td>40.0%</td> </tr> </tbody> </table>			Sposób oceniania (składowe)	Próg zaliczeniowy	Składowa oceny końcowej	Kolokwia	50.0%	60.0%	Egzamin	50.0%	40.0%
Sposób oceniania (składowe)	Próg zaliczeniowy	Składowa oceny końcowej										
Kolokwia	50.0%	60.0%										
Egzamin	50.0%	40.0%										
Zalecana lista lektur	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="width: 33%;">Podstawowa lista lektur</td> <td colspan="2" style="padding: 5px;"> „Matematyka dyskretna” Andrzej Szepietowski „Matematyka dyskretna” Kenneth A. Ross, Charles R.B. Wright </td> </tr> <tr> <td>Uzupełniająca lista lektur</td> <td colspan="2" style="padding: 5px;"> http://mediawiki.ilab.pl/index.php/Matematyka_dyskretna_1 „Teoria grafów” Robin Wilson </td> </tr> <tr> <td>Adresy eZasobów</td> <td colspan="2" style="padding: 5px;"> Matematyka Dyskretna 2024 - Moodle ID: 27966 https://enauczanie.pg.edu.pl/moodle/course/view.php?id=27966 </td> </tr> </table>			Podstawowa lista lektur	„Matematyka dyskretna” Andrzej Szepietowski „Matematyka dyskretna” Kenneth A. Ross, Charles R.B. Wright		Uzupełniająca lista lektur	http://mediawiki.ilab.pl/index.php/Matematyka_dyskretna_1 „Teoria grafów” Robin Wilson		Adresy eZasobów	Matematyka Dyskretna 2024 - Moodle ID: 27966 https://enauczanie.pg.edu.pl/moodle/course/view.php?id=27966	
Podstawowa lista lektur	„Matematyka dyskretna” Andrzej Szepietowski „Matematyka dyskretna” Kenneth A. Ross, Charles R.B. Wright											
Uzupełniająca lista lektur	http://mediawiki.ilab.pl/index.php/Matematyka_dyskretna_1 „Teoria grafów” Robin Wilson											
Adresy eZasobów	Matematyka Dyskretna 2024 - Moodle ID: 27966 https://enauczanie.pg.edu.pl/moodle/course/view.php?id=27966											
Przykładowe zagadnienia/ przykładowe pytania/ realizowane zadania	Rozwiązać równanie Fibonacciego. Podać i udowodnić twierdzenie chińskie o resztach. Podać i udowodnić twierdzenie Eulera-Hierholta. Podać i udowodnić twierdzenie o pięciu kolorach. Rozwiązać równanie rekurencyjne. Rozwiązać układ kongruencji. Udowodnić indukcyjnie, że w drzewie o n wierzchołkach jest $n-1$ krawędzi.											

